I/ Définitions: 1/ Courant électrique

a/Définition: un coment electrique est une circulation de porteurs de changes electriques. L'intensité du courant electrique est la granteur qui quantifie le debit de charge en un point de circuit

b/Loi des intensités = Loi des nœuds

A' un nœud N de circuit (point de connexion), la somme 15 des courants entrants estegale à la somme des courants sovients I, +I5 = I2+I3+I4

> Ie = > 12

2/ Tension electrique ou différence de patentiel: ddp c'est une variable d'effort. Pour obtenir une circulation de courant dans un circuit, il faut qu'au moins 2 points de ce circuit soient à un instant donné à des potentiels différents. C'est une grandeur algobrique. On note UAB = VA-VB latomsion entre les points A et B

a/Loi destensims = Loi des mailles

Dans une maille, la somme algebrique des tensions est nulle

un amoucteur Ohnique ou résistor linéaire, possede une caracteristique courant-tension lineaie. Latension appliquée est proportionnelle à l'intensité du courant : U= R.I

2/ Dipole

al Définition: c'est un element de circuit electrique comportent & sornes. la relation u=f(i) est appelé caractéristique du dipôle

6/Convention de fléchage:

Convention Recepteur

tension et courant sont flochés en sens contraine

Convention Générateur

tension et courant sont flechés en même sens



c/ Puissance electrique La puissance instantancé mise enjeu par un dipôle est: p=u.i Pour un generateur (recepteur) la puissance est fournie (consommée) II/ Les dipoles lineaires Ce sont des dipôles pour les quels la fonction & telle que u=f(i) est une fonction différentiable à coefficients constants: Exemples: u=A; u=Ai; u=Ai+B.di 1/ Resistances: i' a/Equation caracteristique: u=Ri b/Puissance consomeé: p= Ri2 = u2 p>o; la resistance est un element dissipatif c/ Lois dassociation En sevie Req = RA+Re+··· En parallele: 1 Req = 1 + 1 + 111 + d/ Conductance d'une registance unite (S) siemens clert la grandeur G telle que: $G = \frac{1}{R}$ e/ Expression de la refistance: Très souvent, le resistor est constitué d'un fil de longueur l'et de section s (en cuivre, aluminium, argent, ...) La resistivité e caracterise élaptitude plus ou moins grande du materiar à laisser passer le comant electrique R: resistance (12); P: resistivité (12.m); P(m); S(m) Variation de la resistance: R=Ro(1+a0) € (°C): Ro: vosslante à 0°C; a : coefficient de temperaturo (°C) (depend du materiau) £/ Conducteur ideal: clest un conducteur, supposé, de resistance nulle R=0 2/ Condensateurs $q = C \ddot{u} \Rightarrow \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du}{dt} \Rightarrow \dot{i} = C \cdot \frac{du}{dt}; \xrightarrow{\dot{i}} + q = q$ al Equation conactéristique: b/ Puissance instantance du?

P= u i = Cu du = C. 1 dt

l'energie echanges entre 2 instants tret te : W=1 c (ûp-ui)

c/ Lors d'associations! En parallele: Ceq = C+C2+111 En serie: $\frac{\Lambda}{Ceq} = \frac{1}{C_{\Lambda}} + \frac{1}{C_{2}} + \frac{1}{C_{2}}$ d/ Structure Un condensateur est un dipôle constitué de 2 conducteurs métalliques (armatures ou plaques) séparés par un isolant (où diélectrique) Alimente sous une tension U, le condensateur se charge (accumulation de charges electriques son les plaques). Les charges sont egales en valeur assolue mois de signes opposés el Caracteristiques Capacité: C = 80.84.3 S(m2): Surface des plaques; d: epaisseu du dielectrique; c: capacité (F) & permittivité electrique du vide , En : permittivité du dielectrique E = 8,85.1012 = change accumulée : Le champ electrique à l'interieur du condensateur est $E = \frac{\nabla}{\mathcal{E}_0} = \frac{Q}{\mathcal{E}_0 S}$ Energie emmagatinée par le condensateur sous la tension U: W = 4 CU = 1 . 02 3/ Inductances al Equation caractéristique: Une inductance L est un dipôle telque: u = L di imm. Calle relation vient de l'expression du flux du champ magnetique u et de la

6/ Puissance consommée

p=ui=Lidi=12Ldiz l'energie echange entre Linstants trette: W= = [1/4-li)

c/ Lois d'association En sevie: Leq = Lx + Le + 111 En parallele: 1/ Leq = 1/ Lx + 111

d/ Bobine: Une botoine réalle est modelisée par l'association enseme d'une inductance ideale L et d'une résistance re

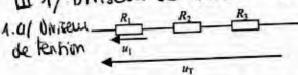
is avec u= L di + h.i



4/ Source de tension a/ Symbole et equation caracléristique Une source idéale de temsion est un dipôle tel que: u= eff quelque soit i (on note partois ETH) Ly et on considère ETH = Cte? b/ Puissance: p=ui = ETHIL c/ Associations: Eeg = E1+E2 en seine En parallele: il est intendit de placer en parallele 2 sources de tensions délivrant des tensions différentés. Remarque: Un conducteur parfait doit être consideré comme une source de tonsion nulle ; U=0 Vi 5/ Sources de comant a/ Symbole et equation caractéristique. une source idéale de courant est un dipôle tel que: i = in quelque soit u (On note partois In et on prend In=Cte) b/ puissance maximale: p= u.i = Umax. IN c/ Associations: En parallele · Ieq = In+I2

En serie: Il est intendit de placer en serie 2 sources de comant delivrant des comants d'intensités différentes

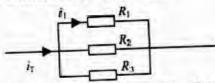




Lorsque plusieurs résistances sont en série, la tension aux bornes de l'une d'entre elle peut être déterminée par la relation:

$$u_1 = u_T \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2 + R_3} = u_T \cdot \frac{R_3}{\sum_i R_i}$$
 (I-27)

III.1.b. Diviseur de courant.



Lorsque plusieurs résistances sont en parallèle, le courant qui traverse l'une d'entre elle peut être calculé par la relation :

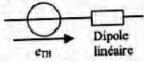
$$i_1 = i_T \cdot \frac{G_1}{G_1 + G_2 + G_3} = i_T \cdot \frac{G_1}{\sum_i G_i} = i_T \cdot \frac{\frac{1}{R_1}}{\sum_i \frac{1}{R_i}}$$
 (1-28)

III.2. Générateurs réels

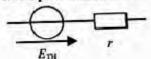
III.2.a. Modèle de Thévenin et modèle de Norton d'un générateur réel

Beaucoup de générateurs ne peuvent pas être considérés comme des sources idéales. Ils sont alors modélisés (dans un certain domaine de fonctionnement et au prix de quelques approximations) par l'association d'une source idéale et d'un dipôle linéaire.

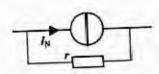
Le modèle équivalent de Thévenin (ou M.E.T.) d'un générateur réel comporte une source de tension en série avec un dipôle linéaire :



En continu la source de tension est une source de tension continue et le dipôle linéaire une résistance.



Le modèle équivalent de Norton (ou M.E.N) d'un générateur réel comporte une source de courant en parallèle avec un dipôle linéaire. En continu c'est l'association en parallèle d'une source de courant et d'une résistance :



Equivalence des deux modèles :

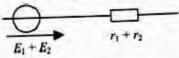
Les résistances r des deux modèles sont les mêmes. Les trois paramètres $E_{\rm TH}$, $I_{\rm N}$ et r sont liés par la relation :

$$E_{\rm TH} = r \cdot I_{\rm N} \qquad (1-29)$$

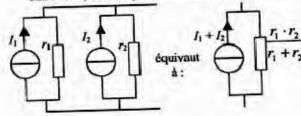
III.2.b. Lois d'associations des générateurs réels.

En série : On transforme chaque générateur en M.E.T., puis on associe les sources de tensions entre elles, et les dipôles linéaires entre eux :





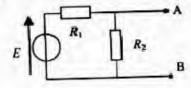
En parallèle : On transforme chaque générateur en M.E.N., puis on associe les sources de courant entre elles, et les dipôles linéaires entre eux :



III.3. Théorème de Thévenin et de Norton.

Toute portion de circuit comprise entre 2 bornes A et B et qui ne contient que des éléments linéaires peut être modélisée par un unique générateur équivalent de Thévenin ou de Norton.

Exemple:



III.3.a. Valeur à donner à ETH

C'est la même que la valeur de la tension existant "à vide" entre A et B, c'est à dire celle que relèverait un voltmètre idéal placé entre les bornes A et B.

Pour l'exemple précédent on a :

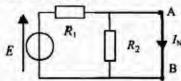


$$E_{TH} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot E$$
 : diviseur de tension.

III.3.b. Valeur à donner à IN

C'est celle de l'intensité qui circulerait à travers un fil reliant les bornes A et B c'est à dire celle mesurée par un ampèremètre idéal placé entre A et B.

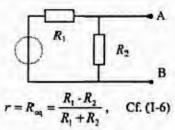
Dans notre exemple on obtient :



soit : $I_N = \frac{E}{R_1}$; R_2 étant court-circuitée.

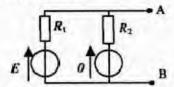
III.3.c. Valeur à donner à r

C'est la résistance équivalente à celle du dipôle AB rendu passif, soit pour l'exemple celui de la figure cidessous:

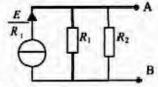


Remarques:

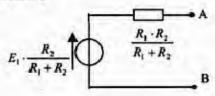
- La relation (I-29) liant ces trois valeurs, la détermination de deux d'entre elles est suffisante pour réaliser la modélisation.
- On aurait pu utiliser les lois d'association des générateurs pour trouver le résultat : Dans l'exemple précédent on peut considérer qu'il s'agit de 2 générateurs en parallèles :



que l'on transforme en modèles de Norton équivalents :



Ce qui conduit à:



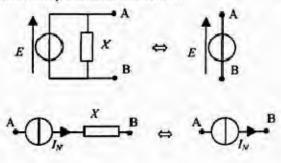
L'intérêt est que l'on peut remplacer ensuite cette portion de circuit par le dipôle équivalent trouvé, ce qui peut faciliter la résolution d'un problème.

III.3.d. Bon à savoir !

Lorsqu'on cherche le modèle équivalent d'un circuit on doit aussi appliquer les 2 règles suivantes :

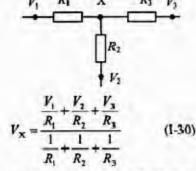
Tous les dipôles en parallèle avec une source de tension idéale peuvent être enlevés: En effet le générateur idéal de tension impose la tension à ses bornes quels que soient les dipôles reliés à ces mêmes bornes. Si ce n'était pas le cas, ce ne serait pas un générateur idéal de tension.

Tous les dipôles en série avec une source de courant idéale peuvent être enlevés : le générateur idéal de courant impose le courant qui le traverse quels que soient les dipôles en série avec lui...

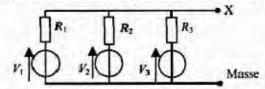


III.4. Théorème de Millman.

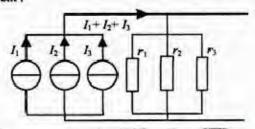
Il permet de trouver le potentiel d'un point du circuit lorsqu'on connaît les autres.



La démonstration est immédiate à l'aide de la modélisation par un ensemble de 3 générateurs en parallèle :



En remplaçant par les modèles de Norton équivalent on obtient :







Programmation C ours Résumés Xercices Contrôles Continus Langues MTU Thermodynamique Multimedia Economie Travaux Dirigés := Chimie Organique

et encore plus..